Dans ce document, j'ai organisé le cours de première année selon 5 thèmes précis, pour vous aider à travailler cet été. Chaque thème est accompagné de références précises au cours de mathématiques, et vous trouverez également des indications pour faire le point en fin de vacances.

Tous les documents nécessaires se trouvent dans la dropbox. https://tinyurl.com/ECG1Marot

#### Méthodologie

Travailler les thèmes dans l'ordre, en consacrant entre 4 jours et une semaine à chaque thème.

Lorsque vous aurez terminé, réserver une semaine en fin de vacances pour revenir sur tout ce qui n'a pas été revu/compris, tout en faisant un bilan global.

#### Travailler chaque thème en 5 temps :

## 1. Relire le cours pour rafraîchir les connaissances. (30 minutes-1 heure 30)

Commencer par lire les titres des paragraphes pour comprendre la structure du chapitre et les parties bien comprises, finir en se concentrant sur les parties difficiles. Si besoin, passer du temps pour comprendre les exemples donnés en détail.

## 2. Faire des exercices pour rafraîchir les méthodes. (2-4 heures)

Au début, utiliser la correction et les fiches méthode pour les exercices faciles.

Essayer de les consulter le moins possibles pour les exercices difficiles, afin de confirmer l'acquisition.

### 3. Refaire une évaluation pour comprendre les erreurs passées et les attentes. (environ 3-4 heures)

Commencer par une interro ou un DM qui a été raté, finir avec un DS. Ne pas hésiter à consulter des sites d'autres CPGE.

Terminer par les quiZinières estivales.

## 4. Faire un point : (30 minutes)

- o En gros, en quoi consistent ces chapitres?
- Qu'est-ce qu'on peut me demander/quelles sont les attentes ?

Confirmer les points indiqués comme indispensables/à connaître par coeur.

o Qu'est je que je sais bien faire ? Qu'est-ce qui me pose problème ?

Cette étape est l'occasion de faire une fiche avec les points les plus importants.

## 5. Confirmer le travail avec un DS, éventuellement d'une autre CPGE et le DM des vacances : (environ 2-4 heures)

Un autre jour que les points précédents!

#### En cas de difficultés :

- Faire un mail à M. Stuker (simon.stuker@hotmail.fr)
- Notez le point qui pose problème, poursuivre ses révisions, et y revenir plus tard.

# Semaine 1 : Calcul, suites, polynômes, graphes

Relire le cours	Rafraîchir les méthodes, reprendre les exercices	S'évaluer	Faire un point	Confirmer ses révisions
30 min - 1h30	2-4 heures	3-4 heures	30 min	2-4 heures
<b>Chapitres</b> 1, 2, 8, 12, 13	Fiches méthode 1, 2, 7, 9	Interrogations 1, 2, 3	En gros, en quoi consistent ces chapitres ?	DM des vacances DS « nouveaux »
<b>Annexes</b> 1, 2, 3	Feuilles d'exercices 1, 10, 16, 14, 15	Devoirs surveillés 1, 2, 3, 4	Qu'est-ce qu'on peut me demander/quelles sont les attentes ?	
		Quizinière estivale https://www.quiziniere.com/diffusions/ZY8WWP https://www.quiziniere.com/diffusions/99DAAB https://www.quiziniere.com/diffusions/NY2JLN https://www.quiziniere.com/diffusions/8O2KLB	Qu'est je que je sais bien faire ? Qu'est-ce qui me pose problème ?	
			Faire une fiche	

	Réduire des expression avec des fractions et des racines carrées (Quantité conjuguée, décomposition de puissances x <sup>n+1</sup> ,)
	Calculer une somme symbolique en utilisant les sommes usuelles.
	Déterminer une suite arithmético-géométrique / récurrente d'ordre 2. (Ce point ne sera pas revu en 2e année!)
Savoirs-faire indispensables	Déterminer le sens de variation d'une suite.
	Déterminer les racines d'un polynôme de degré 2.
	Factoriser une polynôme de degré 3 ou 4 lorsqu'une racine a été trouvée.
	Vocabulaire de base sur les graphes, dressage et interprétation de la matrice d'adjacence.
	Identités remarquables (degré 2 et 3)
	Sommes usuelles.
À connaître par cœur	Formules des suites arithmétiques/géométriques
	Formule des racines d'un trinôme du second degré (discriminant $\Delta$ ,)
	Rédaction propre d'un raisonnement par récurrence.

## Semaine 2 : Convergence, continuité, dérivabilité, équations différentielles.

Relire le cours	Rafraîchir les méthodes, reprendre les exercices	S'évaluer	Faire un point	Confirmer ses révisions
30 min - 1h30	2-4 heures	3-4 heures	30 min	2-4 heures
<b>Chapitres</b> 11, 14, 16, 21	Fiches méthode 8, 11, 16	Interrogation 4	En gros, en quoi consistent ces chapitres ?	DM des vacances DS « nouveaux »
Annexe 5	Feuilles d'exercices 13, 18, 19, 20, 25	<b>Devoirs surveillés</b> 3, 4, 5, Concours Blanc	Qu'est-ce qu'on peut me demander/quelles sont les attentes ?	
		Quizinière estivale https://www.quiziniere.com/diffusions/JMEKY9 https://www.quiziniere.com/diffusions/34AE6X https://www.quiziniere.com/diffusions/54Q5X3	Qu'est je que je sais bien faire ? Qu'est-ce qui me pose problème ?	
			Faire une fiche	

	Déterminer la limite d'une formule dépendant de n.
	Utiliser les théorèmes généraux de convergence (gendarmes, croissante majorée,)
	Montrer la continuité d'une fonction avec 1 ou 2 expressions.
Savoirs-faire indispensables.	Rédiger le TVI proprement.
	Utiliser les formules de dérivation.
	Dresser un tableau de signes complet.
	Résolution d'une équation différentielle de type $y' + a y = b(t)$ ou $y'' + a y' + b y = c(t)$ .
	Tableau des dérivées usuelles et des formules de dérivation.
À connaître par coeur	Rédaction du TVI
	Résolution d'une équation différentielle homogène de type $y' + a y = 0$ ou $y'' + a y' + b y = 0$ .

## Semaine 3 : Systèmes, Matrices, Espaces vectoriels, Applications linéaires

Relire le cours	Rafraîchir les méthodes, reprendre les exercices	S'évaluer	Faire un point	Confirmer ses révisions
30 min - 1h30	2-4 heures	3-4 heures	30 min	2-4 heures
<b>Chapitres</b> 5, 7, 19, 23	Fiches méthode 5, 14, 17	<b>Devoirs surveillés</b> 2, 3, 4, 5, Concours blanc	En gros, en quoi consistent ces chapitres ?	DM des vacances DS « nouveaux »
Annexe 4	Feuilles d'exercices 5, 8, 23, 27	Quizinière estivale https://www.quiziniere.com/diffusions/Q7YJ9L https://www.quiziniere.com/diffusions/OX65Z2 https://www.quiziniere.com/diffusions/E73ZKW	Qu'est-ce qu'on peut me demander/quelles sont les attentes ?	
			Qu'est je que je sais bien faire ? Qu'est-ce qui me pose problème ?  Faire une fiche	

	Utiliser la méthode du pivot de Gauss pour résoudre un système	
	Calcul matriciel élémentaire (produits, carré, transposée) efficace et avec peu d'erreurs de calcul.	
	Utiliser la méthode du pivot de Gauss pour inverser une matrice	
	Raisonner par récurrence sur une puissance de matrice A <sup>n</sup>	
Savoirs-faire indispensables.	Décomposer une vecteur comme un combinaison linéaire de 2 vecteurs donnés.	
	Montrer qu'un ensemble est un sous-espace vectoriel.	
	Montrer qu'une famille de vecteurs est libre/génératrice/une base	
	Montrer qu'une application est linéaire/un endomorphisme.	
	Déterminer le noyau/l'image d'une application linéaire.	
	Démarche pour montrer qu'une famille est libre avec le moins d'étapes possibles.	
1 2	Noms des matrices/systèmes particuliers.	
À connaître par coeur	La formule du binôme des matrices avec la condition de commutativité.	
	Le théorème du rang, et son utilisation pratique.	

# Semaine 4 : Séries et intégrales

Relire le cours	Rafraîchir les méthodes, reprendre les exercices	S'évaluer	Faire un point	Confirmer ses révisions
30 min - 1h30	2-4 heures	3-4 heures	30 min	2-4 heures
Chapitres	Fiches méthode	Interrogation 5	En gros, en quoi consistent ces	DM des vacances
15, 18	13		chapitres ?	DS « nouveaux »
	Feuilles d'exercices	Devoirs surveillés	Qu'est-ce qu'on peut me	
	17, 22	4, 5, Concours Blanc	demander/quelles sont les attentes ?	
		Quizinière estivale	Qu'est je que je sais bien faire ?	
		https://www.quiziniere.com/diffusions/44E2YP https://www.quiziniere.com/diffusions/W3PEQE	Qu'est-ce qui me pose problème ?	
			Faire une fiche	

	Calculer une série en utilisant les séries usuelles.
	Calculer une série télescopique, en passant par la somme partielle.
Savoirs-faire indispensables.	Utiliser les formules des primitives, pour calculer des intégrales "directes".
	Intégrer par parties
	Employer un changement de variables donné par l'énoncé.
	Séries usuelles.
À connaître par coeur	Tableau des primitives usuelles et formules de primitivation.
	Formule d'intégration par parties.

## Semaine 5 : Probabilités, variables aléatoires discrètes, statistiques

Relire le cours	Rafraîchir les méthodes, reprendre les exercices	S'évaluer	Faire un point	Confirmer ses révisions
30 min - 1h30	2-4 heures	3-4 heures	30 min	2-4 heures
<b>Chapitres</b> 9, 10, 17, 20, 22	Fiches méthode 6, 10, 12, 15	Interrogation 6	En gros, en quoi consistent ces chapitres ?	DM des vacances DS « nouveaux »
	Feuilles d'exercices 9, 11, 12, 21, 24, 26	<b>Devoirs surveillés</b> 3, 5, Concours Blanc	Qu'est-ce qu'on peut me demander/quelles sont les attentes ?	
		Quizinière estivale https://www.quiziniere.com/diffusions/K7QJX2 https://www.quiziniere.com/diffusions/24O288 https://www.quiziniere.com/diffusions/DM8L6Q https://www.quiziniere.com/diffusions/BY9MKE	Qu'est je que je sais bien faire ? Qu'est-ce qui me pose problème ?	
			Faire une fiche	

	Calculer une probabilité dans un cas équiprobable. (lancer de dé, tirage dans une urne)
	Utiliser l'indépendance d'événements pour calculer $P(A\cap B)$
	Utiliser la formule des probabilités totales / probabilités composées dans un contexte d'une succession d'événements.
Savoirs-faire indispensables.	Déterminer la loi de probabilités d'une variable aléatoire discrète, en décomposant l'événement (X=k) en « scénarios ».
	Calculer l'espérance et la variance d'une variable aléatoire discrète.
	Reconnaître une loi usuelle et utiliser le formulaire.
	Calcul des indicateurs statistiques : moyenne, médiane, quartiles,
	Formulaire des lois discrètes usuelles (TOUT : scénario type, loi, espérance, variance,)
À connaître par coeur	Formules du crible de Poincare $P(A \cup B)$ , $P(A \cup B \cup C)$ .
	Formule de König-Huijgens

# Évaluations globales pour faire le point Sujets des entretiens en groupes. Sujets des entretiens individuels. DS4, DS5 et Concours blanc de 2017, 2018, 2020, 2021

Attention : les intégrales impropres (avec  $\pm \infty$  dans les bornes ) et les variables aléatoires à densité ne sont plus au programme. Aussi, avant le réforme les espaces vectoriels étaient formés de vecteurs-colonnes, contrairement à cette année où on les représente en ligne.

#### **Autres ressources**

Pages web de Mélanie Blazère (Ozenne), Thomas Mainguy, ...

Le site mathsece.free.fr/pdf/ avec des exercices corrigés par thème (attention, tout n'est pas accessible en 1<sup>e</sup> année)

Des manuels, comme ceux de Sylvain Rondy et B. Bourgeois Facilement trouvables d'occasion